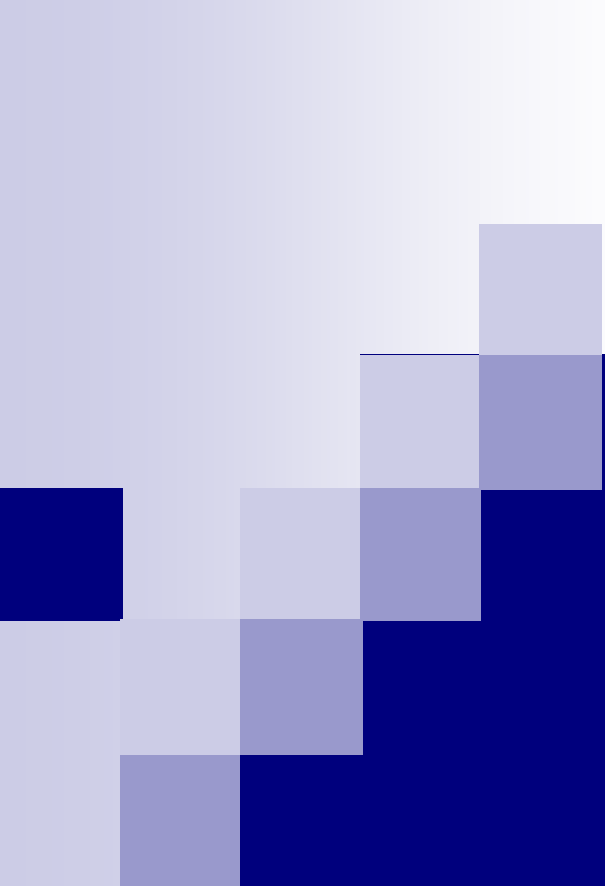




Prolog

(Factos, Regras e Interrogações)

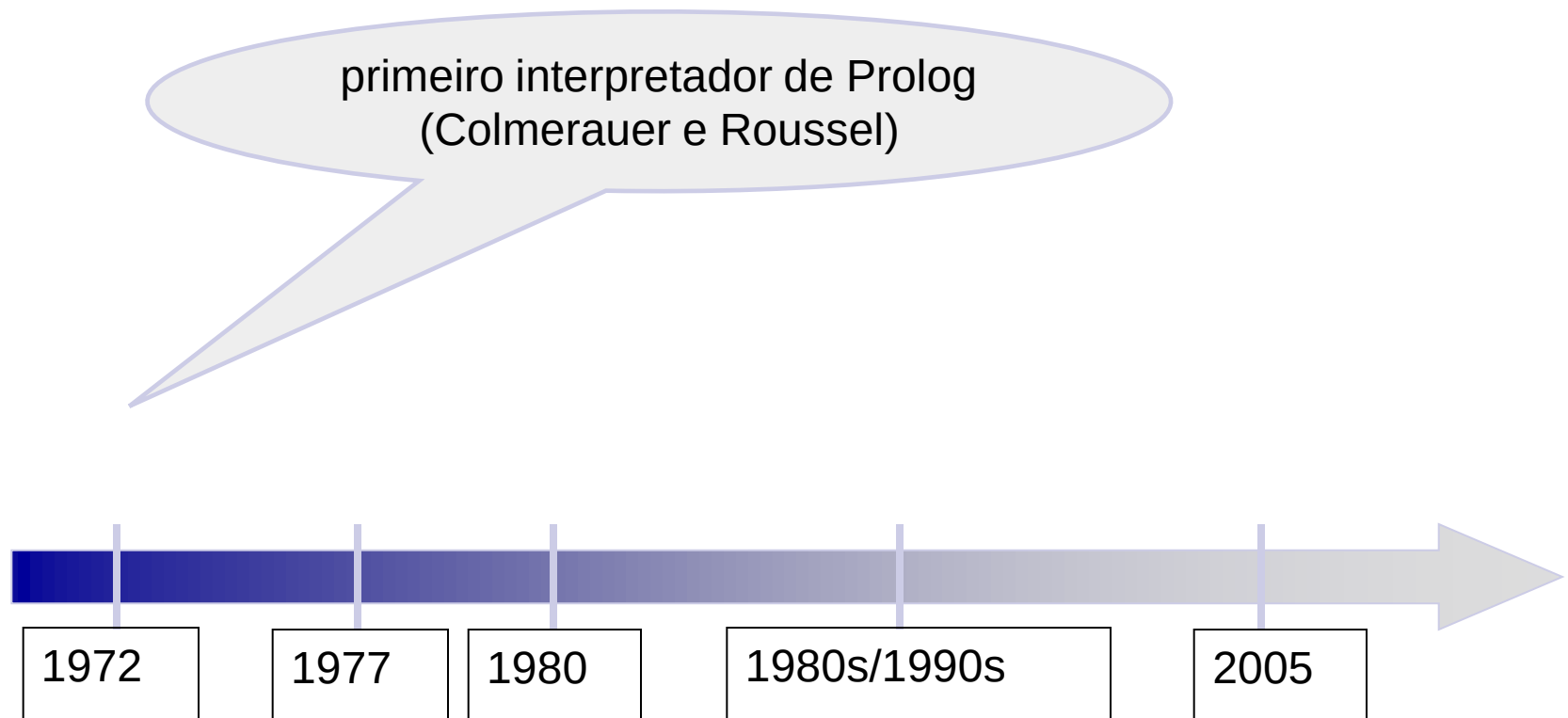
Parcialmente adaptado de
<http://www.learnprolognow.org/>



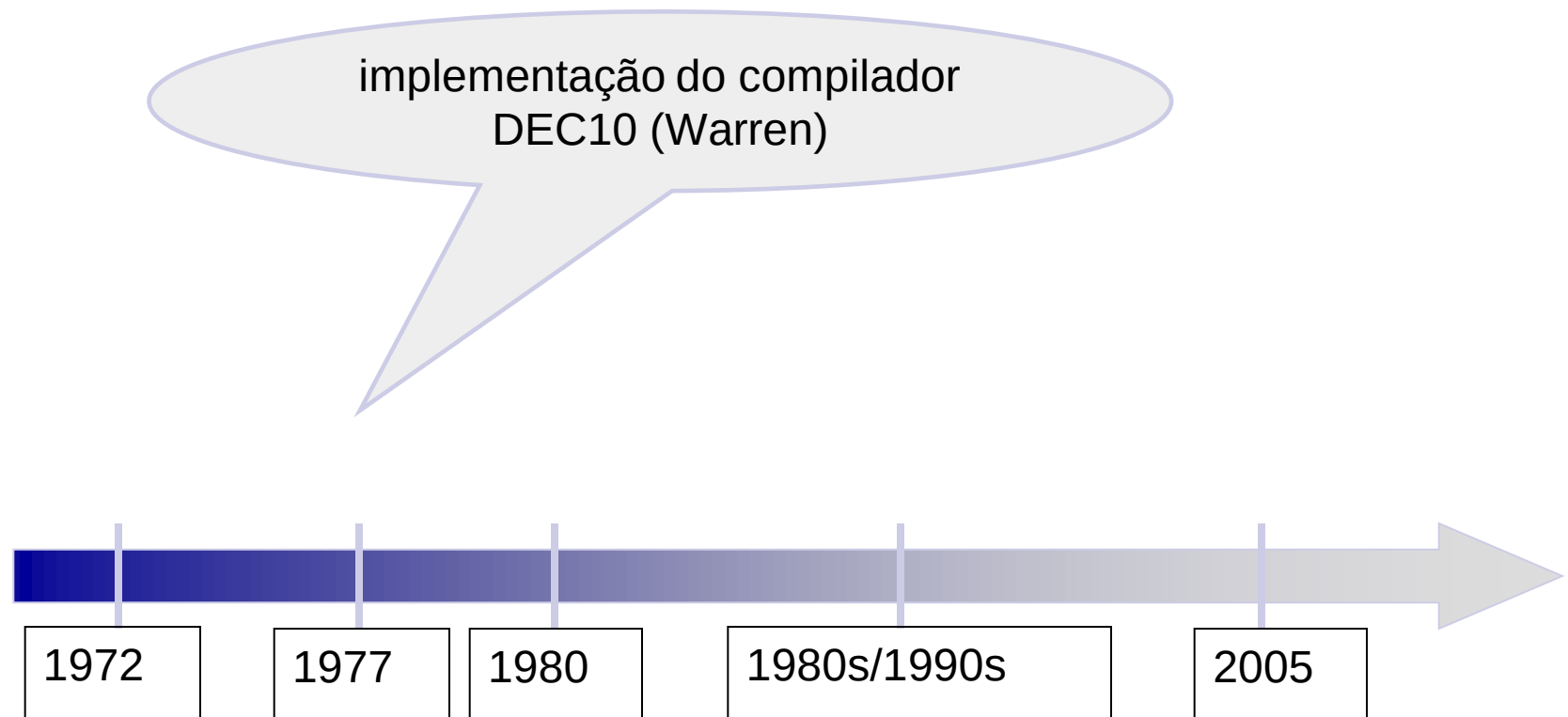
Prolog

- "PROgramação em LÓGica"
- Declarativa
- Muito diferente das outras linguagens de programação (procedimentais)
- Adequada para tarefas baseadas em conhecimento

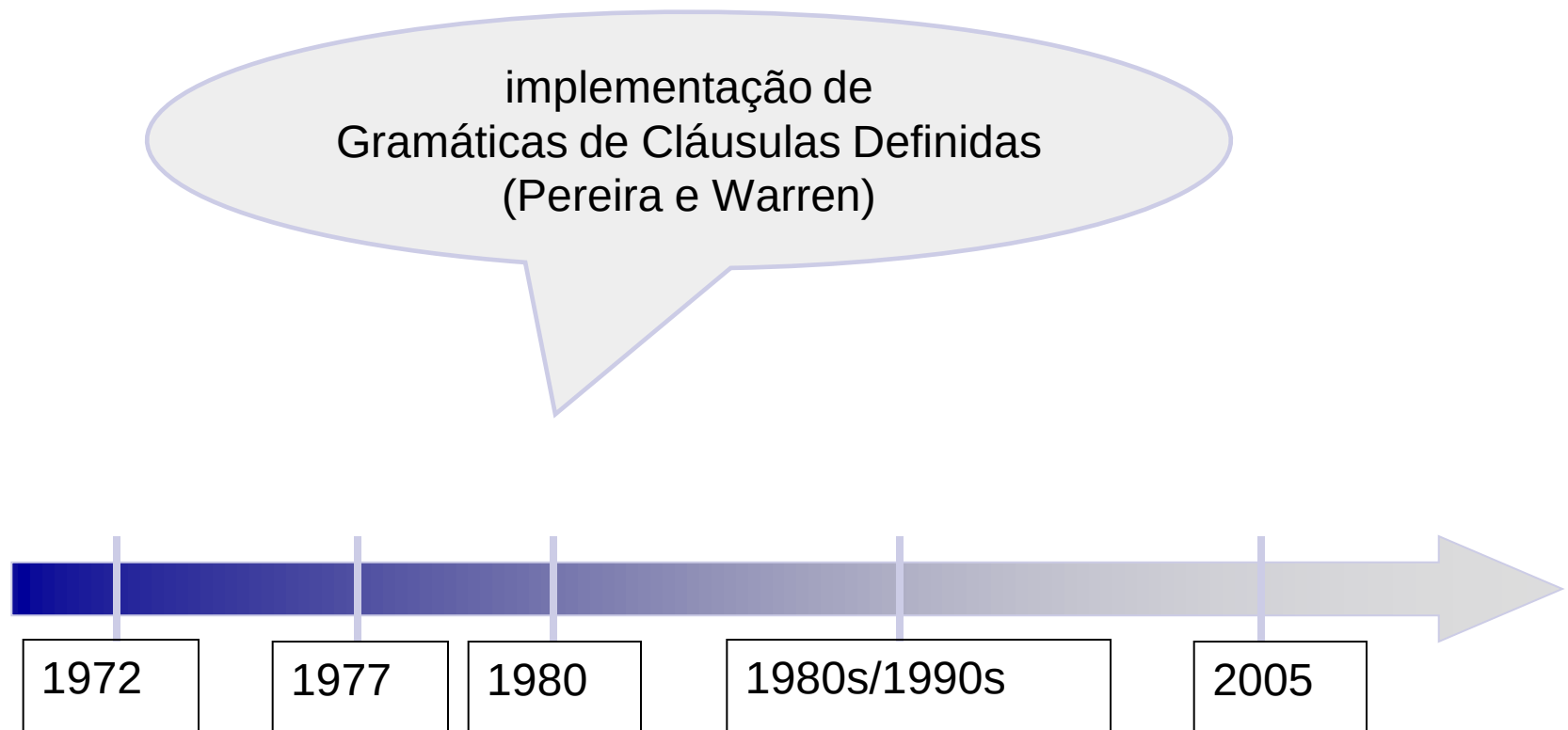
História do Prolog



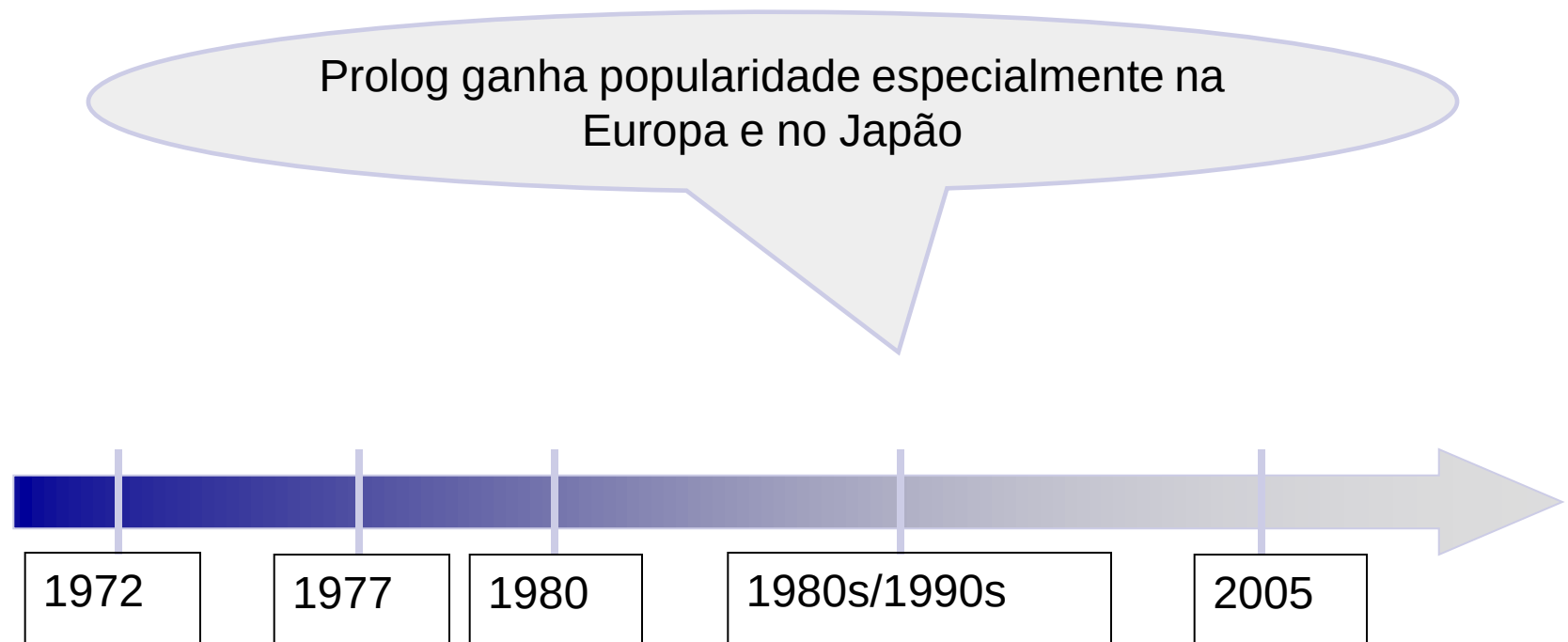
História do Prolog



História do Prolog

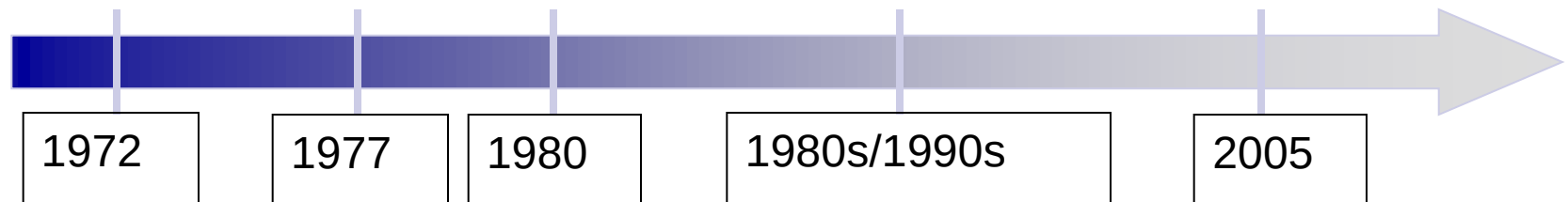


História do Prolog



História do Prolog

Prolog usado para programar
interface de linguagem natural
Estação Espacial International
(NASA)





Ideia básica do Prolog

- Descrever o problema numa base de conhecimento em lógica
- Fazer interrogações
- O Prolog deduz novos factos que são consequência lógica
- O Prolog devolve as suas deduções como respostas às interrogações



Implicações

- Pensar declarativamente, não procedimentalmente
 - Difícil
 - Exige uma abordagem diferente
- Linguagem de alto-nível
 - Não tão eficiente como, por exemplo, C
 - Adequada para modelação rápida
 - Útil em muitas aplicações em IA



Base de Conhecimentos 1

```
woman(mia).  
woman(jody).  
woman(yolanda).  
playsAirGuitar(jody).  
party.
```

Base de Conhecimentos 1

```
woman(mia).  
woman(jody).  
woman(yolanda).  
playsAirGuitar(jody).  
party.
```

?-

Base de Conhecimentos 1

```
woman(mia).  
woman(jody).  
woman(yolanda).  
playsAirGuitar(jody).  
party.
```

```
?- woman(mia).
```

Base de Conhecimentos 1

```
woman(mia).  
woman(jody).  
woman(yolanda).  
playsAirGuitar(jody).  
party.
```

```
?- woman(mia).  
yes  
?-
```

Base de Conhecimentos 1

```
woman(mia).  
woman(jody).  
woman(yolanda).  
playsAirGuitar(jody).  
party.
```

```
?- woman(mia).  
yes  
?- playsAirGuitar(jody).
```

Base de Conhecimentos 1

```
woman(mia).  
woman(jody).  
woman(yolanda).  
playsAirGuitar(jody).  
party.
```

```
?- woman(mia).  
yes  
?- playsAirGuitar(jody).  
yes  
?-
```

Base de Conhecimentos 1

```
woman(mia).  
woman(jody).  
woman(yolanda).  
playsAirGuitar(jody).  
party.
```

```
?- woman(mia).  
yes  
?- playsAirGuitar(jody).  
yes  
?- playsAirGuitar(mia).  
no
```


Base de Conhecimentos 1

```
woman(mia).  
woman(jody).  
woman(yolanda).  
playsAirGuitar(jody).  
party.
```

```
?- tattooed(jody).
```

Base de Conhecimentos 1

```
woman(mia).  
woman(jody).  
woman(yolanda).  
playsAirGuitar(jody).  
party.
```

```
?- tattooed(jody).  
no  
?-
```

Base de Conhecimentos 1

```
woman(mia).  
woman(jody).  
woman(yolanda).  
playsAirGuitar(jody).  
party.
```

```
?- tattooed(jody).  
ERROR: predicate tattooed/1 not defined.  
?-
```

Base de Conhecimentos 1

```
woman(mia).  
woman(jody).  
woman(yolanda).  
playsAirGuitar(jody).  
party.
```

```
?- party.
```

Base de Conhecimentos 1

```
woman(mia).  
woman(jody).  
woman(yolanda).  
playsAirGuitar(jody).  
party.
```

```
?- party.  
yes  
?-
```

Base de Conhecimentos 1

```
woman(mia).  
woman(jody).  
woman(yolanda).  
playsAirGuitar(jody).  
party.
```

```
?- rockConcert.
```

Base de Conhecimentos 1

```
woman(mia).  
woman(jody).  
woman(yolanda).  
playsAirGuitar(jody).  
party.
```

```
?- rockConcert.  
no  
?-
```



Base de Conhecimentos 2

```
happy(yolanda).  
listens2music(mia).  
listens2music(yolanda):- happy(yolanda).  
playsAirGuitar(mia):- listens2music(mia).  
playsAirGuitar(yolanda):- listens2music(yolanda).
```


Base de Conhecimentos 2

happy(yolanda).
listens2music(mia).
listens2music(yolanda):- happy(yolanda).
playsAirGuitar(mia):- listens2music(mia).
playsAirGuitar(yolanda):- listens2music(yolanda).

facto

Base de Conhecimentos 2

happy(yolanda).

facto

listens2music(mia).

facto

listens2music(yolanda):- happy(yolanda).

playsAirGuitar(mia):- listens2music(mia).

playsAirGuitar(yolanda):- listens2music(yolanda).

Base de Conhecimentos 2

happy(yolanda).

facto

listens2music(mia).

facto

listens2music(yolanda):- happy(yolanda).

regra

playsAirGuitar(mia):- listens2music(mia).

playsAirGuitar(yolanda):- listens2music(yolanda).

Base de Conhecimentos 2

happy(yolanda).

facto

listens2music(mia).

facto

listens2music(yolanda):- happy(yolanda).

regra

playsAirGuitar(mia):- listens2music(mia).

regra

playsAirGuitar(yolanda):- listens2music(yolanda).

Base de Conhecimentos 2

happy(yolanda).

facto

listens2music(mia).

facto

listens2music(yolanda):- happy(yolanda).

regra

playsAirGuitar(mia):- listens2music(mia).

regra

playsAirGuitar(yolanda):- listens2music(yolanda).

regra

Base de Conhecimentos 2

```
happy(yolanda).  
listens2music(mia).  
listens2music(yolanda):- happy(yolanda).  
playsAirGuitar(mia):- listens2music(mia).  
playsAirGuitar(yolanda):- listens2music(yolanda).
```

cabeça

corpo

Base de Conhecimentos 2

```
happy(yolanda).  
listens2music(mia).  
listens2music(yolanda):- happy(yolanda).  
playsAirGuitar(mia):- listens2music(mia).  
playsAirGuitar(yolanda):- listens2music(yolanda).
```

?-

Base de Conhecimentos 2

```
happy(yolanda).  
listens2music(mia).  
listens2music(yolanda):- happy(yolanda).  
playsAirGuitar(mia):- listens2music(mia).  
playsAirGuitar(yolanda):- listens2music(yolanda).
```

```
?- playsAirGuitar(mia).  
yes  
?-
```


Base de Conhecimentos 2

```
happy(yolanda).  
listens2music(mia).  
listens2music(yolanda):- happy(yolanda).  
playsAirGuitar(mia):- listens2music(mia).  
playsAirGuitar(yolanda):- listens2music(yolanda).
```

```
?- playsAirGuitar(mia).  
yes  
?- playsAirGuitar(yolanda).  
yes
```

Cláusulas

```
happy(yolanda).  
listens2music(mia).  
listens2music(yolanda):- happy(yolanda).  
playsAirGuitar(mia):- listens2music(mia).  
playsAirGuitar(yolanda):- listens2music(yolanda).
```

*Há 5 **cláusulas** nesta base de conhecimentos:
2 factos e 3 regras.*

O fim de uma cláusula é assinalado com um ponto.

Predicados

```
happy(yolanda).  
listens2music(mia).  
listens2music(yolanda):- happy(yolanda).  
playsAirGuitar(mia):- listens2music(mia).  
playsAirGuitar(yolanda):- listens2music(yolanda).
```

*Há 3 **predicados** nesta base de conhecimentos:
happy, listens2music, e playsAirGuitar*



Base de Conhecimentos 3

```
happy(vincent).
```

```
listens2music(butch).
```

```
playsAirGuitar(vincent):- listens2music(vincent), happy(vincent).
```

```
playsAirGuitar(butch):- happy(butch).
```

```
playsAirGuitar(butch):- listens2music(butch).
```

Representação da Conjunção

```
happy(vincent).  
listens2music(butch).  
playsAirGuitar(vincent):- listens2music(vincent), happy(vincent).  
playsAirGuitar(butch):- happy(butch).  
playsAirGuitar(butch):- listens2music(butch).
```

A virgula " ," representa a conjunção em Prolog

Base de Conhecimentos 3

```
happy(vincent).  
listens2music(butch).  
playsAirGuitar(vincent):- listens2music(vincent), happy(vincent).  
playsAirGuitar(butch):- happy(butch).  
playsAirGuitar(butch):- listens2music(butch).
```

```
?- playsAirGuitar(vincent).  
no  
?-
```

Base de Conhecimentos 3

```
happy(vincent).  
listens2music(butch).  
playsAirGuitar(vincent):- listens2music(vincent), happy(vincent).  
playsAirGuitar(butch):- happy(butch).  
playsAirGuitar(butch):- listens2music(butch).
```

```
?- playsAirGuitar(butch).  
yes  
?-
```

Representação da Disjunção

```
happy(vincent).  
listens2music(butch).  
playsAirGuitar(vincent):- listens2music(vincent), happy(vincent).  
playsAirGuitar(butch):- happy(butch).  
playsAirGuitar(butch):- listens2music(butch).
```

```
happy(vincent).  
listens2music(butch).  
playsAirGuitar(vincent):- listens2music(vincent), happy(vincent).  
playsAirGuitar(butch):- happy(butch); listens2music(butch).
```


Prolog e Lógica

■ Operadores

- Implicação :-

- Conjunção ,

- Disjunção ;

■ Uso do modus ponens

■ Negação



Base de Conhecimentos 4

```
woman(mia).
```

```
woman(jody).
```

```
woman(yolanda).
```

```
loves(vincent, mia).
```

```
loves(marsellus, mia).
```

```
loves(pumpkin, honey_bunny).
```

```
loves(honey_bunny, pumpkin).
```

Variáveis Prolog

```
woman(mia).  
woman(jody).  
woman(yolanda).
```

```
loves(vincent, mia).  
loves(marsellus, mia).  
loves(pumpkin, honey_bunny).  
loves(honey_bunny, pumpkin).
```

```
?- woman(X).
```

Instanciação de Variáveis

```
woman(mia).  
woman(jody).  
woman(yolanda).
```

```
loves(vincent, mia).  
loves(marsellus, mia).  
loves(pumpkin, honey_bunny).  
loves(honey_bunny, pumpkin).
```

```
?- woman(X).  
X=mia
```

Pedido de Alternativas

```
woman(mia).  
woman(jody).  
woman(yolanda).
```

```
loves(vincent, mia).  
loves(marsellus, mia).  
loves(pumpkin, honey_bunny).  
loves(honey_bunny, pumpkin).
```

```
?- woman(X).  
X=mia;
```

Pedido de Alternativas

```
woman(mia).  
woman(jody).  
woman(yolanda).
```

```
loves(vincent, mia).  
loves(marsellus, mia).  
loves(pumpkin, honey_bunny).  
loves(honey_bunny, pumpkin).
```

```
?- woman(X).  
X=mia;  
X=jody
```

Pedido de Alternativas

```
woman(mia).  
woman(jody).  
woman(yolanda).
```

```
loves(vincent, mia).  
loves(marsellus, mia).  
loves(pumpkin, honey_bunny).  
loves(honey_bunny, pumpkin).
```

```
?- woman(X).  
X=mia;  
X=jody;  
X=yolanda
```

Pedido de Alternativas

```
woman(mia).  
woman(jody).  
woman(yolanda).
```

```
loves(vincent, mia).  
loves(marsellus, mia).  
loves(pumpkin, honey_bunny).  
loves(honey_bunny, pumpkin).
```

```
?- woman(X).  
X=mia;  
X=jody;  
X=yolanda;  
no
```


Base de Conhecimentos 4

```
woman(mia).  
woman(jody).  
woman(yolanda).
```

```
loves(vincent, mia).  
loves(marsellus, mia).  
loves(pumpkin, honey_bunny).  
loves(honey_bunny, pumpkin).
```

```
?- loves(marsellus,X), woman(X).
```

Base de Conhecimentos 4

```
woman(mia).  
woman(jody).  
woman(yolanda).
```

```
loves(vincent, mia).  
loves(marsellus, mia).  
loves(pumpkin, honey_bunny).  
loves(honey_bunny, pumpkin).
```

```
?- loves(marsellus,X), woman(X).  
X=mia  
yes  
?-
```

Base de Conhecimentos 4

```
woman(mia).  
woman(jody).  
woman(yolanda).
```

```
loves(vincent, mia).  
loves(marsellus, mia).  
loves(pumpkin, honey_bunny).  
loves(honey_bunny, pumpkin).
```

```
?- loves(pumpkin,X), woman(X).
```

Base de Conhecimentos 4

```
woman(mia).  
woman(jody).  
woman(yolanda).
```

```
loves(vincent, mia).  
loves(marsellus, mia).  
loves(pumpkin, honey_bunny).  
loves(honey_bunny, pumpkin).
```

```
?- loves(pumpkin,X), woman(X).  
no  
?-
```

Base de Conhecimentos 5

```
loves(vincent,mia).  
loves(marsellus,mia).  
loves(pumpkin, honey_bunny).  
loves(honey_bunny, pumpkin).  
  
jealous(X,Y):- loves(X,Z), loves(Y,Z).
```

Base de Conhecimentos 5

```
loves(vincent,mia).  
loves(marsellus,mia).  
loves(pumpkin, honey_bunny).  
loves(honey_bunny, pumpkin).  
  
jealous(X,Y):- loves(X,Z), loves(Y,Z).
```

```
?- jealous(marsellus,W).
```

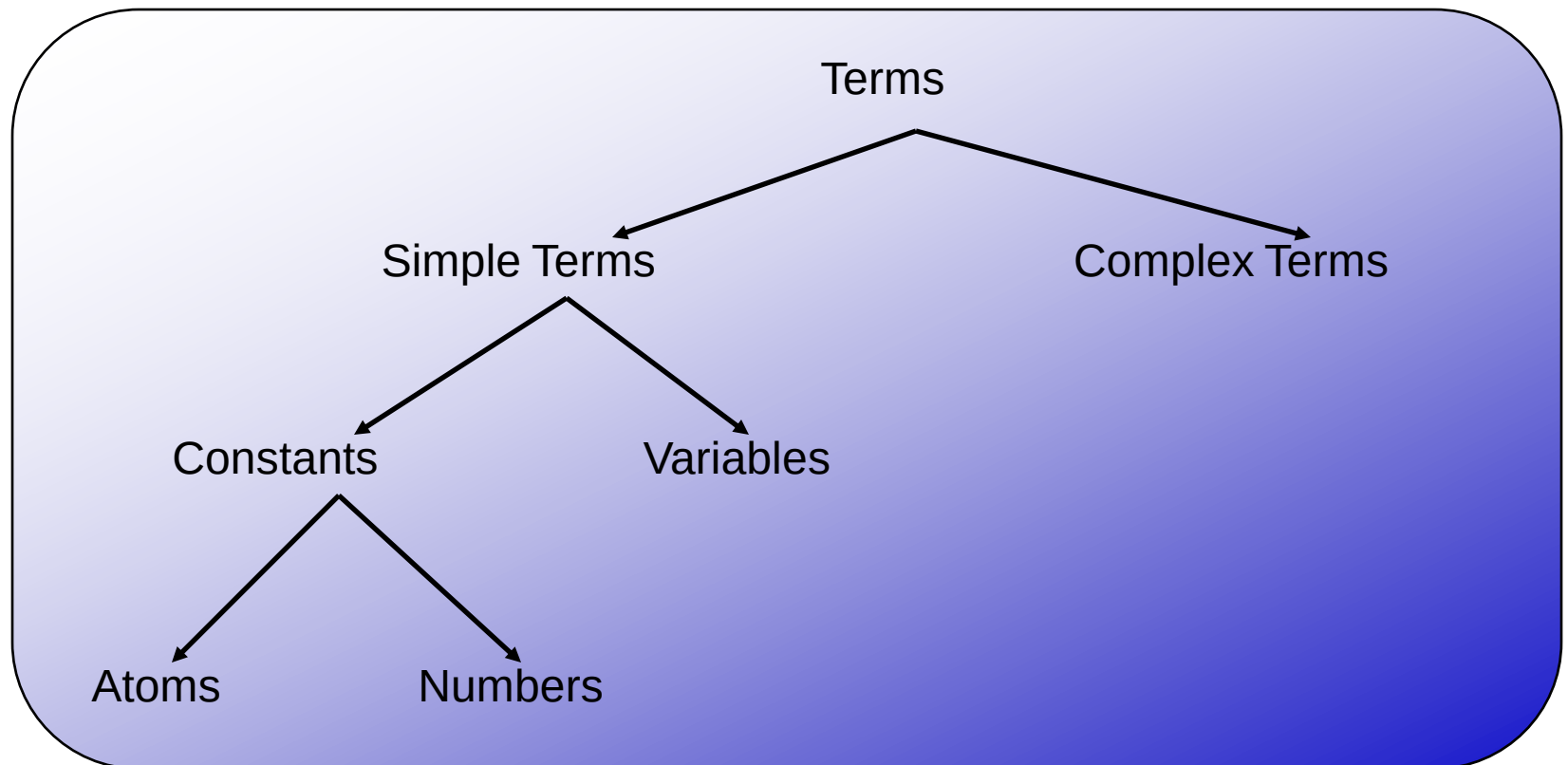
Base de Conhecimentos 5

```
loves(vincent,mia).  
loves(marsellus,mia).  
loves(pumpkin, honey_bunny).  
loves(honey_bunny, pumpkin).  
  
jealous(X,Y):- loves(X,Z), loves(Y,Z).
```

```
?- jealous(marsellus,W).  
W=vincent  
?-
```

Sintaxe do Prolog

- O que são os factos, regras e interrogações?



Átomos

- Uma sequência de caracteres de letras maiúsculas, minúsculas, números ou 'underscore', começando com uma letra minúscula
 - *Exemplos:* **butch**, **big_kahuna_burger**, **playGuitar**
- Uma sequência arbitrária de caracteres entre plicas
 - *Exemplos:* **'Vincent'**, **'Five dollar shake'**, **'@\$%'**
- Uma sequência de caracteres especiais
 - *Exemplos:* **:**, **,**, **;**, **.**, **:-**



Números

- Inteiros: 12, -34, 22342
- Reais: 34573.3234

Variáveis

- Uma sequência de caracteres de letras maiúsculas, minúsculas, números ou 'underscore', começando com uma letra maiúsculas ou 'underscore'
- Exemplos:
X, Y, Variable, Vincent, _tag



Termos Complexos

- Átomos, números e variáveis são a base dos termos complexos
- Os termos complexos são construídos a partir de um functor seguido de uma sequência de argumentos
- Os argumentos são colocados entre parênteses, separados por vírgulas
- O functor tem que ser um átomo

Exemplos de termos complexos

- Exemplos anteriores:

- ☐ playsAirGuitar(jody)
- ☐ loves(vincent, mia)
- ☐ jealous(marsellus, W)

- Termos complexos dentro de termos complexos :

- ☐ hide(X, father(father(father(butch))))

Aridade

- Ao número de argumentos de um termo complexo chama-se a sua aridade

- Exemplos:

woman(mia) é um termo com aridade 1

loves(vincent,mia) tem aridade 2

father(father(butch)) aridade 1



A aridade é importante

- Podem-se definir dois predicados com o mesmo functor mas com aridade diferente
- Neste caso, são dois predicados diferentes
- A aridade de um predicado é geralmente indicada com o sufixo "/" seguido de um número para indicar a aridade

Exemplo de Aridade

```
happy(yolanda).  
listens2music(mia).  
listens2music(yolanda):- happy(yolanda).  
playsAirGuitar(mia):- listens2music(mia).  
playsAirGuitar(yolanda):- listens2music(yolanda).
```

- Esta base de conhecimento define
 - happy/1
 - listens2music/1
 - playsAirGuitar/1

Unificação

- O Prolog unifica

woman(X)

com

woman(mia)

instanciando a variável **X** com o átomo **mia**.



Unificação

■ Definição:

- Dois termos unificam se forem iguais, ou se contêm variáveis que podem ser instanciadas de maneira a que os termos resultantes fiquem iguais



Unificação

- Significa que:

- **mia** e **mia** unificam
- **42** e **42** unificam
- **woman(mia)** e **woman(mia)** unificam

- E que:

- **vincent** e **mia** não unificam
- **woman(mia)** e **woman(jody)** não unificam

Unificação

- E os termos:
 - **mia** e **X**



Unificação

- E os termos:
 - **mia e X**
 - **woman(Z) e woman(mia)**

Unificação

- E os termos:
 - **mia e X**
 - **woman(Z) e woman(mia)**
 - **loves(mia,X) e loves(X,vincent)**



Instanciações

- Quando o Prolog unifica dois termos faz todas as instanciações necessárias de modo que os termos fiquem iguais

Unificação em Prolog

1. Se T_1 e T_2 forem constantes, então T_1 e T_2 unificam se forem o mesmo átomo, ou o mesmo número.

Unificação em Prolog

1. Se T_1 e T_2 forem constantes, então T_1 e T_2 unificam se forem o mesmo átomo, ou o mesmo número.
2. Se T_1 for uma variável e T_2 um termo, então T_1 e T_2 unificam, e T_1 é instanciado com T_2 .
(e vice versa)

Unificação em Prolog

1. Se T_1 e T_2 forem constantes, então T_1 e T_2 unificam se forem o mesmo átomo, ou o mesmo número.
2. Se T_1 for uma variável e T_2 um termo, então T_1 e T_2 unificam, e T_1 é instanciado com T_2 .
(e vice versa)
3. Se T_1 e T_2 são termos complexos, unificam se:
 - a) Tiverem o mesmo functor e aridade, e
 - b) Todos os argumentos correspondentes unificam, e
 - c) As instanciações das variáveis são compatíveis.



Unificação em Prolog: =/2

?- mia = mia.

yes

?-

Unificação em Prolog: =/2

?- mia = mia.

yes

?- mia = vincent.

no

?-

Unificação em Prolog: =/2

?- mia = X.

X=mia

yes

?-



Qual será a resposta?

?- $X=mia$, $X=vincent$.

Qual será a resposta?

?- X=mia, X=vincent.

no

?-

Porquê? Ao passar pelo primeiro objectivo, instancia X com **mia**, por isso já não pode unificar com **vincent**. Logo o segundo objectivo falha.

Exemplo com termos complexos

?- $k(s(g), Y) = k(X, t(k))$.

Exemplo com termos complexos

?- $k(s(g), Y) = k(X, t(k)).$

$X = s(g)$

$Y = t(k)$

yes

?-

Exemplo com termos complexos

?- $k(s(g), t(k)) = k(X, t(Y))$.

Exemplo com termos complexos

?- $k(s(g), t(k)) = k(X, t(Y))$.

$X = s(g)$

$Y = k$

yes

?-



Mais um exemplo

?- loves(X,X) = loves(marsellus,mia).

Prolog e Unificação

- O Prolog não usa o algoritmo standard de unificação

- Exemplo:

?- father(X) = X.

- Os termos unificam ou não?

Termos infinitos

?- father(X) = X.

X=father(father(father(father(father(father(fat
her(father(father(father(father(father(father
(father(father(father(father(father(father(fat
her(father(father(father(father(father(father
(father(father(father(father(father(father(fat
her(father(father(father(father(father(father
(father(father(father(father(father(father(fat
her(father(father(father(father(father(father

Termos infinitos

?- father(X) = X.

X=father(father(father(...))))

yes

?-

Occurs Check

- O algoritmo standard de unificação executa um occurs check
- Se se quiser unificar uma variável com outro termo verifica se a variável ocorre nesse termo
- Em Prolog:

```
?- unify_with_occurs_check(father(X), X).  
no
```


Programação com Unificação

```
vertical( line(point(X,Y),  
              point(X,Z))).
```

```
horizontal( line(point(X,Y),  
                point(Z,Y))).
```

Programação com Unificação

```
vertical( line(point(X,Y),  
              point(X,Z))).
```

```
horizontal( line(point(X,Y),  
                point(Z,Y))).
```

?-

Programação com Unificação

```
vertical( line(point(X,Y),  
              point(X,Z))).
```

```
horizontal( line(point(X,Y),  
                point(Z,Y))).
```

```
?- vertical(line(point(1,1),point(1,3))).
```

yes

```
?-
```

Programação com Unificação

```
vertical( line(point(X,Y),  
              point(X,Z))).
```

```
horizontal( line(point(X,Y),  
                point(Z,Y))).
```

```
?- vertical(line(point(1,1),point(1,3))).
```

yes

```
?- vertical(line(point(1,1),point(3,2))).
```

no

```
?-
```

Programação com Unificação

```
vertical( line(point(X,Y),  
              point(X,Z))).
```

```
horizontal( line(point(X,Y),  
                point(Z,Y))).
```

```
?- horizontal(line(point(1,1),point(1,Y))).
```

```
Y = 1;
```

```
no
```

```
?-
```

Programação com Unificação

```
vertical( line(point(X,Y),  
              point(X,Z))).
```

```
horizontal( line(point(X,Y),  
                point(Z,Y))).
```

```
?- horizontal(line(point(2,3),Point)).
```

```
Point = point(_554,3);
```

```
no
```

```
?-
```



Pesquisa em Prolog

- Sabendo o processo de unificação, podemos agora aprender como o Prolog pesquisa a base de conhecimentos para responder às interrogações.

Exemplo

f(a).

f(b).

g(a).

g(b).

h(b).

k(X):- f(X), g(X), h(X).

?- k(Y).

Exemplo: árvore de pesquisa

f(a).
f(b).
g(a).
g(b).
h(b).
k(X):- f(X), g(X), h(X).

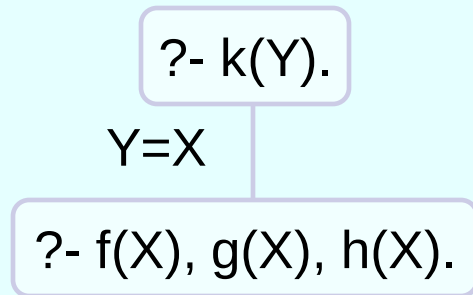
?- k(Y).

?- k(Y).

Exemplo: árvore de pesquisa

f(a).
f(b).
g(a).
g(b).
h(b).
k(X):- f(X), g(X), h(X).

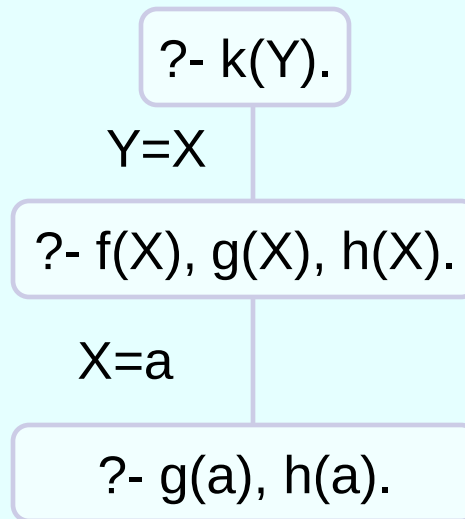
?- k(Y).



Exemplo: árvore de pesquisa

f(a).
f(b).
g(a).
g(b).
h(b).
k(X):- f(X), g(X), h(X).

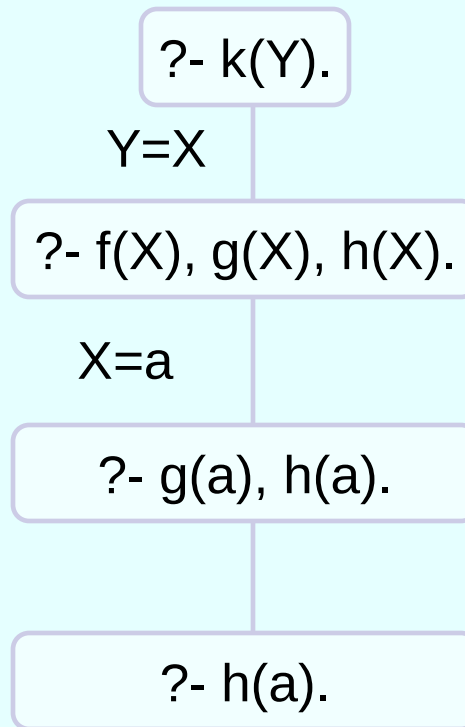
?- k(Y).



Exemplo: árvore de pesquisa

f(a).
f(b).
g(a).
g(b).
h(b).
k(X):- f(X), g(X), h(X).

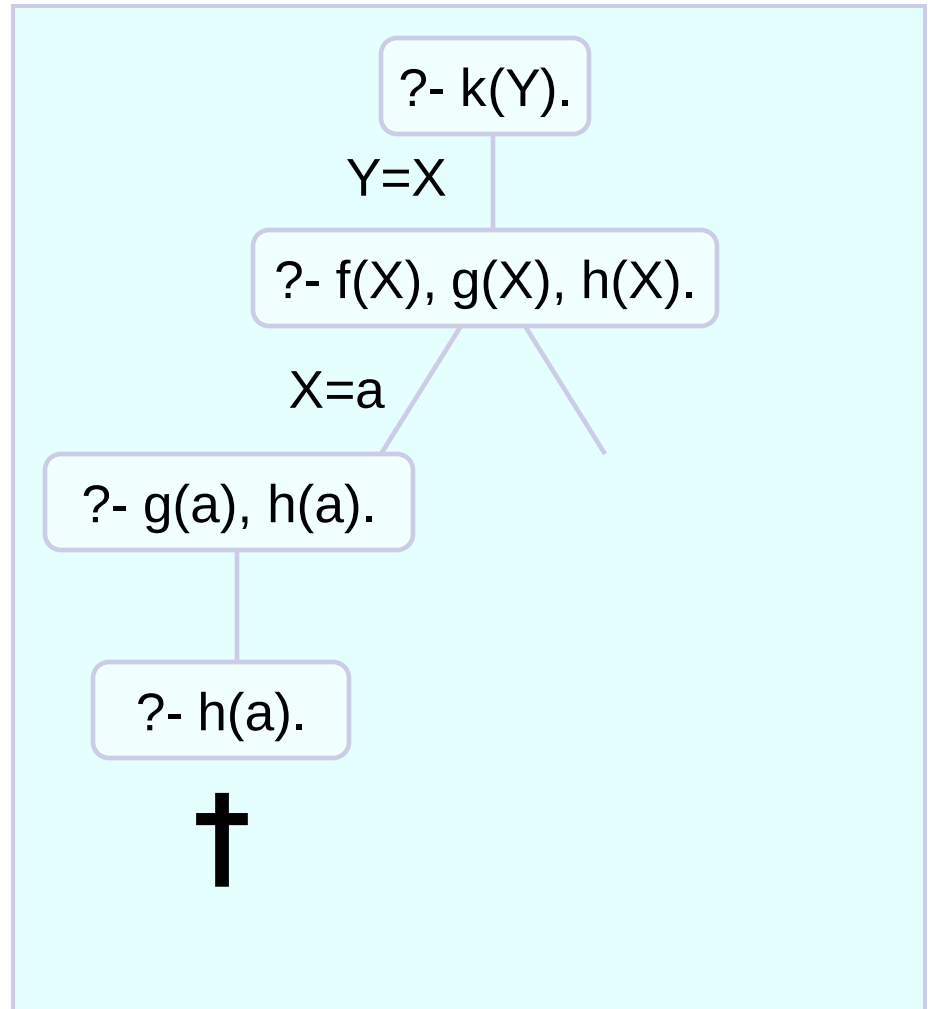
?- k(Y).



Exemplo: árvore de pesquisa

f(a).
f(b).
g(a).
g(b).
h(b).
k(X):- f(X), g(X), h(X).

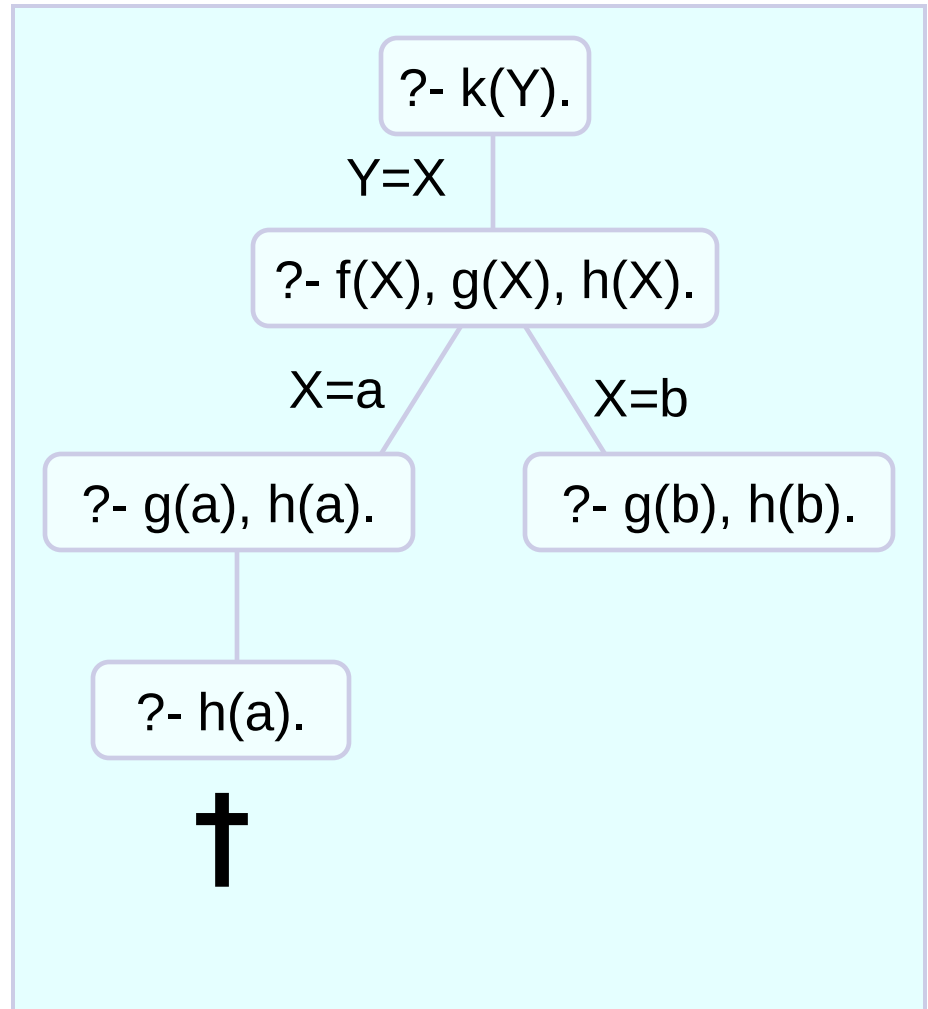
?- k(Y).



Exemplo: árvore de pesquisa

f(a).
f(b).
g(a).
g(b).
h(b).
k(X):- f(X), g(X), h(X).

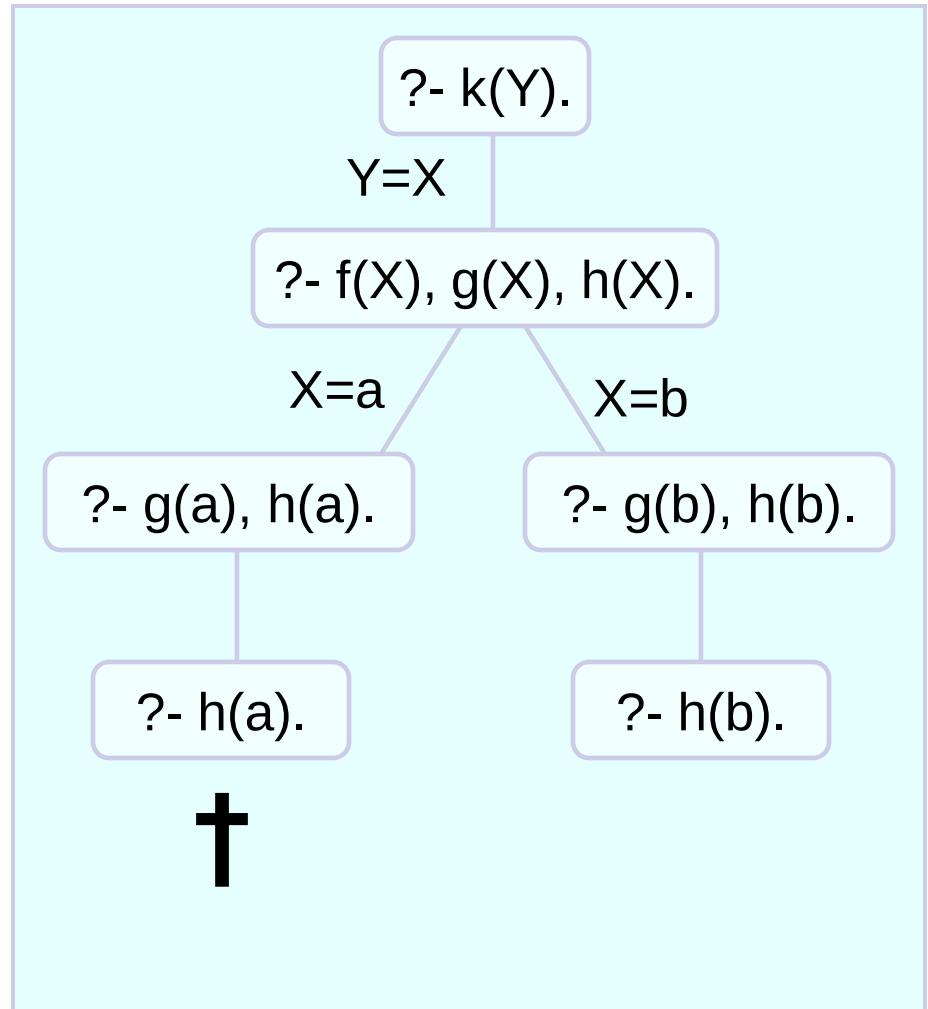
?- k(Y).



Exemplo: árvore de pesquisa

f(a).
f(b).
g(a).
g(b).
h(b).
k(X):- f(X), g(X), h(X).

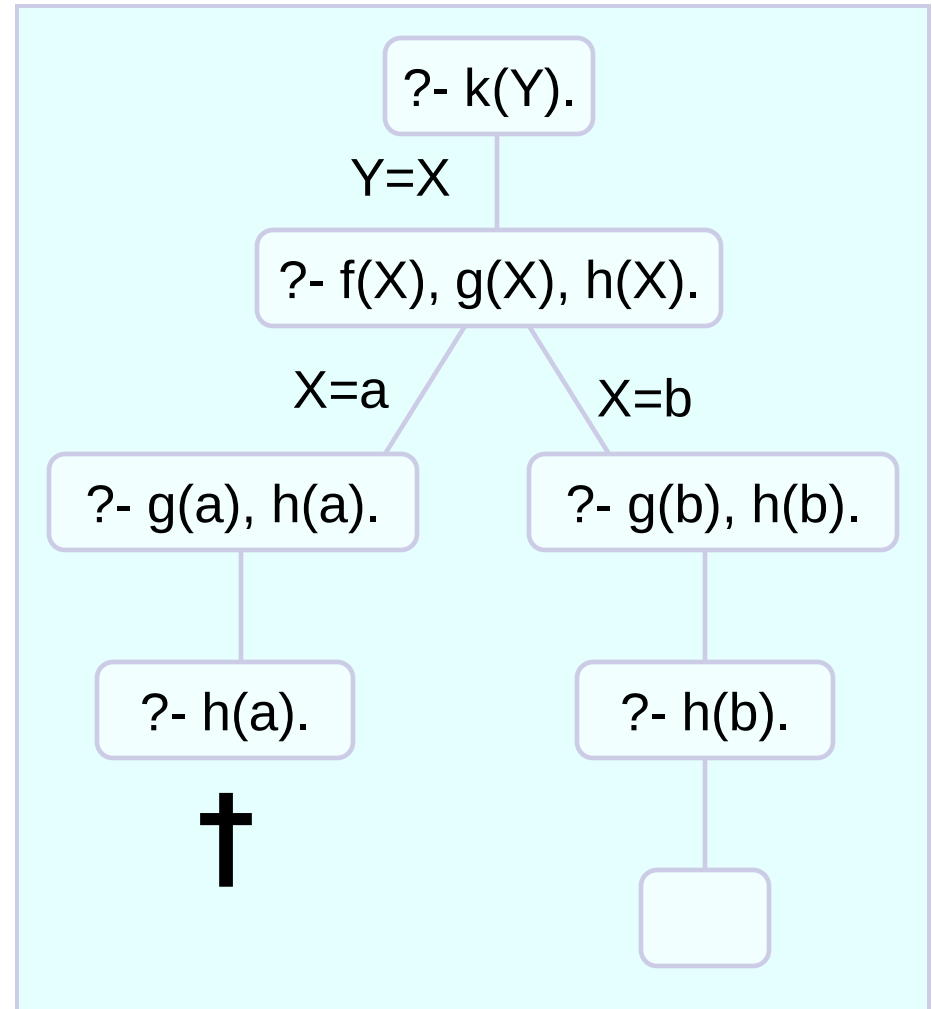
?- k(Y).



Exemplo: árvore de pesquisa

f(a).
f(b).
g(a).
g(b).
h(b).
k(X):- f(X), g(X), h(X).

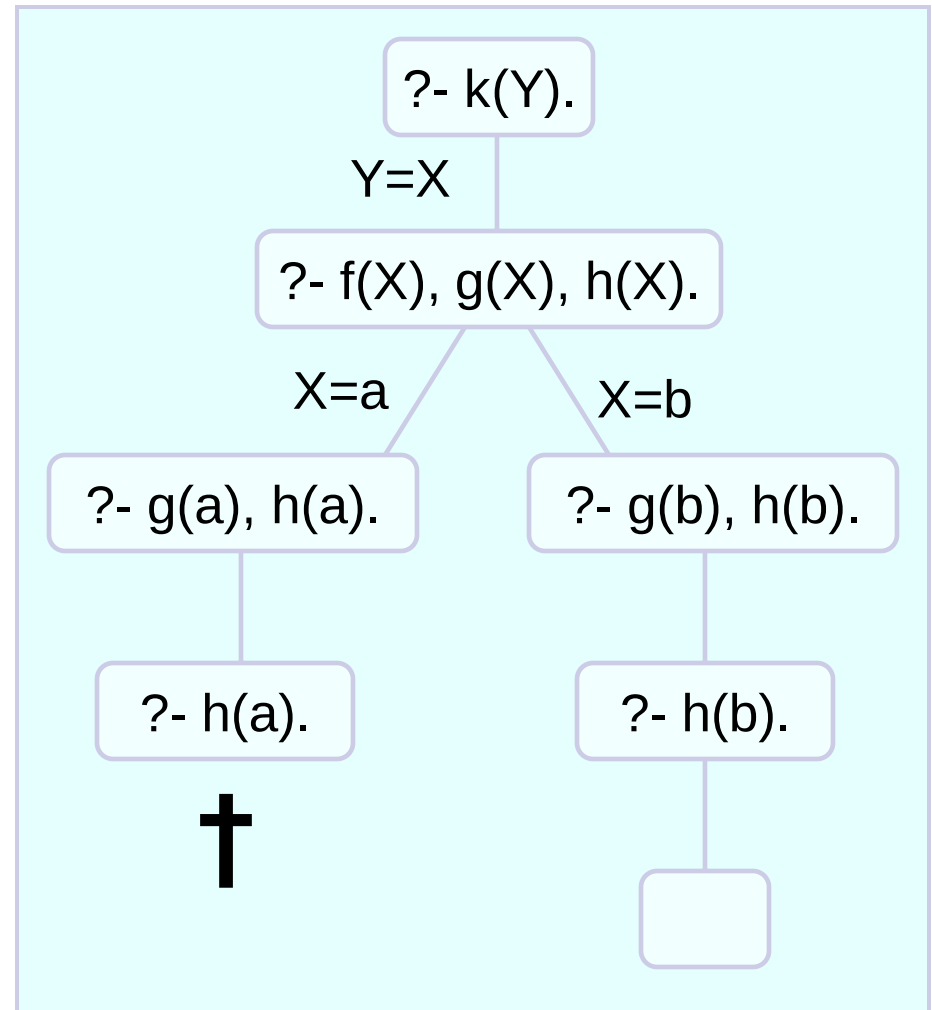
?- k(Y).
Y=b



Exemplo: árvore de pesquisa

f(a).
f(b).
g(a).
g(b).
h(b).
k(X):- f(X), g(X), h(X).

?- k(Y).
Y=b;
no
?-



Outro exemplo

```
loves(vincent,mia).  
loves(marsellus,mia).
```

```
jealous(A,B):-  
    loves(A,C),  
    loves(B,C).
```

```
?- jealous(X,Y).
```

Outro exemplo

```
loves(vincent,mia).  
loves(marsellus,mia).
```

```
jealous(A,B):-  
    loves(A,C),  
    loves(B,C).
```

```
?- jealous(X,Y).
```

```
?- jealous(X,Y).
```

Outro exemplo

```
loves(vincent,mia).  
loves(marsellus,mia).
```

```
jealous(A,B):-  
    loves(A,C),  
    loves(B,C).
```

```
?- jealous(X,Y).
```

```
?- jealous(X,Y).
```

```
X=A
```

```
Y=B
```

```
?- loves(A,C), loves(B,C).
```

Outro exemplo

```
loves(vincent,mia).  
loves(marsellus,mia).
```

```
jealous(A,B):-  
    loves(A,C),  
    loves(B,C).
```

```
?- jealous(X,Y).
```

```
?- jealous(X,Y).
```

X=A

Y=B

```
?- loves(A,C), loves(B,C).
```

A=vincent

C=mia

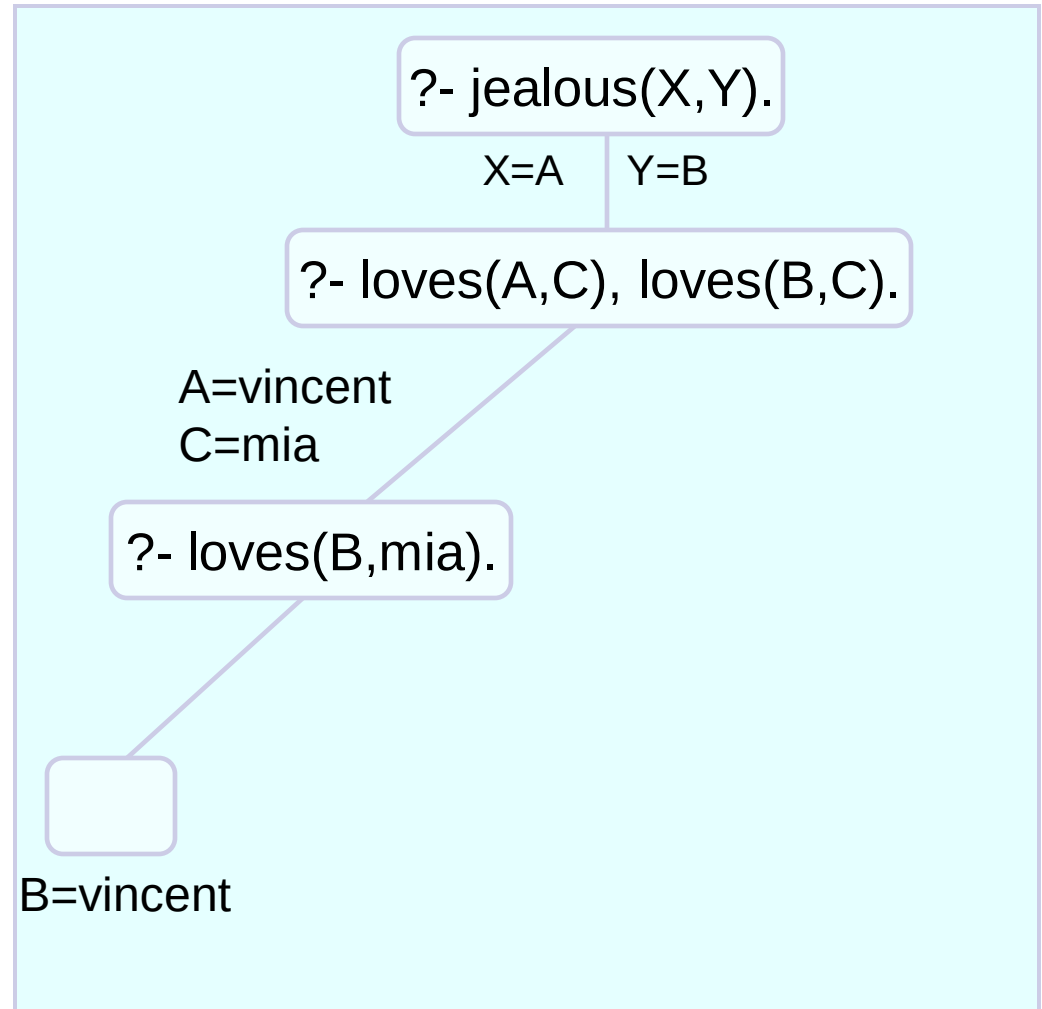
```
?- loves(B,mia).
```

Outro exemplo

```
loves(vincent,mia).  
loves(marsellus,mia).
```

```
jealous(A,B):-  
    loves(A,C),  
    loves(B,C).
```

```
?- jealous(X,Y).  
X=vincent  
Y=vincent
```

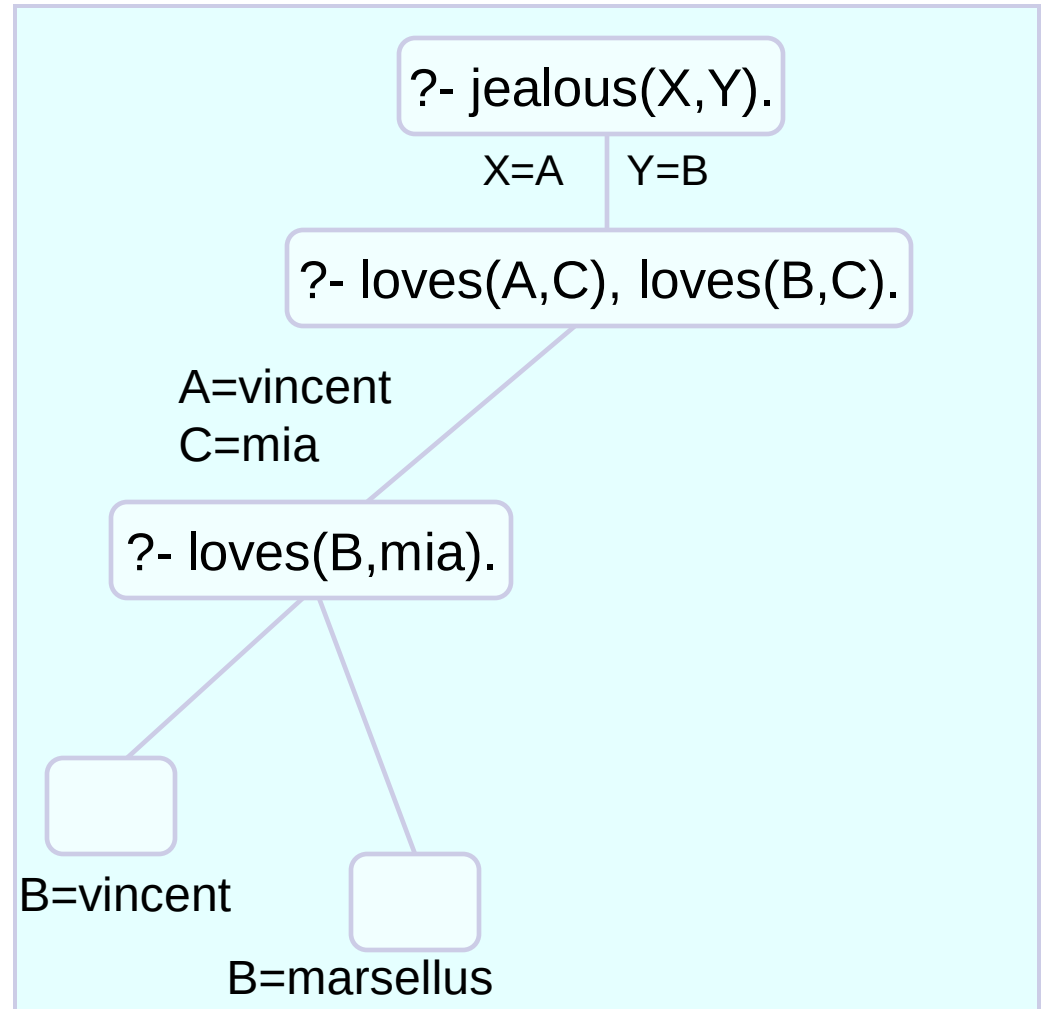


Outro exemplo

```
loves(vincent,mia).  
loves(marsellus,mia).
```

```
jealous(A,B):-  
    loves(A,C),  
    loves(B,C).
```

```
?- jealous(X,Y).  
X=vincent  
Y=vincent;  
X=vincent  
Y=marsellus
```

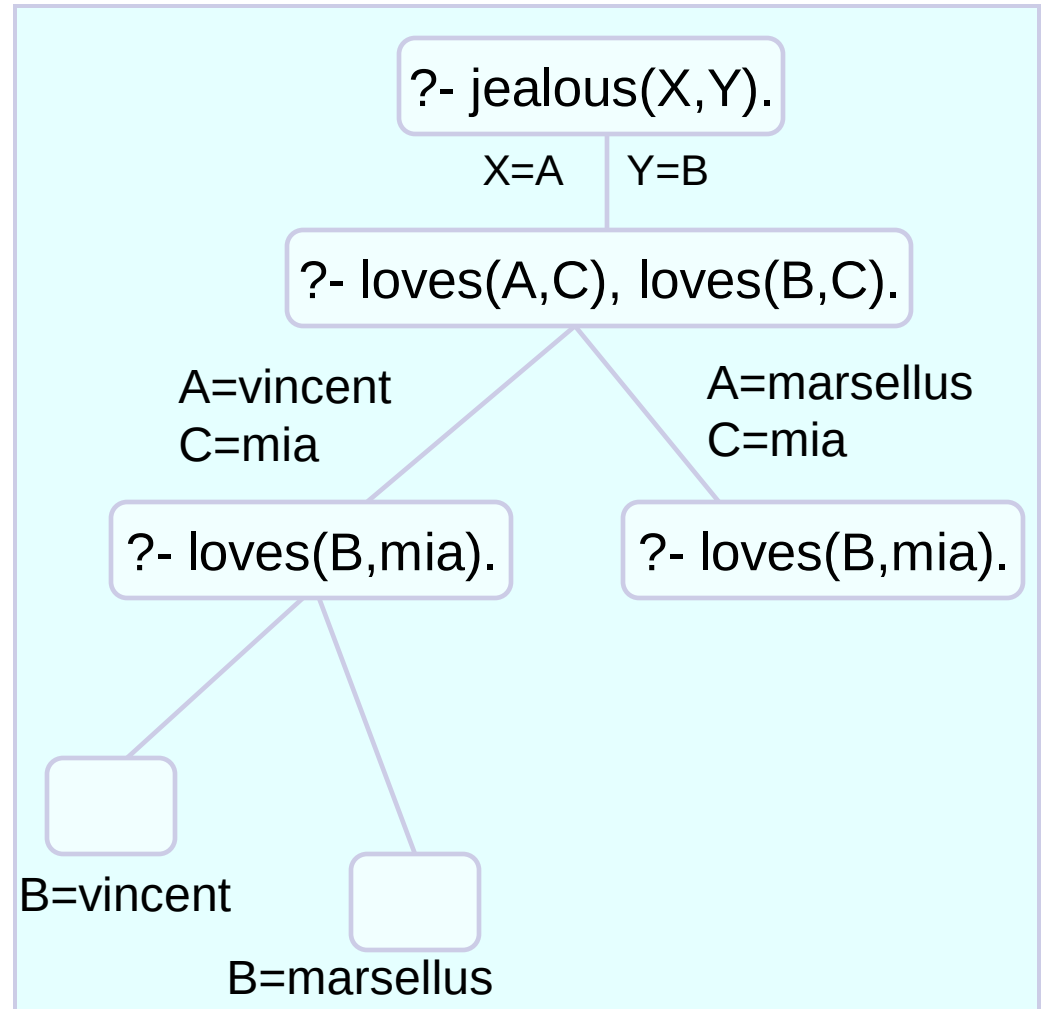


Outro exemplo

```
loves(vincent,mia).  
loves(marsellus,mia).
```

```
jealous(A,B):-  
    loves(A,C),  
    loves(B,C).
```

```
?- jealous(X,Y).  
X=vincent  
Y=vincent;  
X=vincent  
Y=marsellus;
```

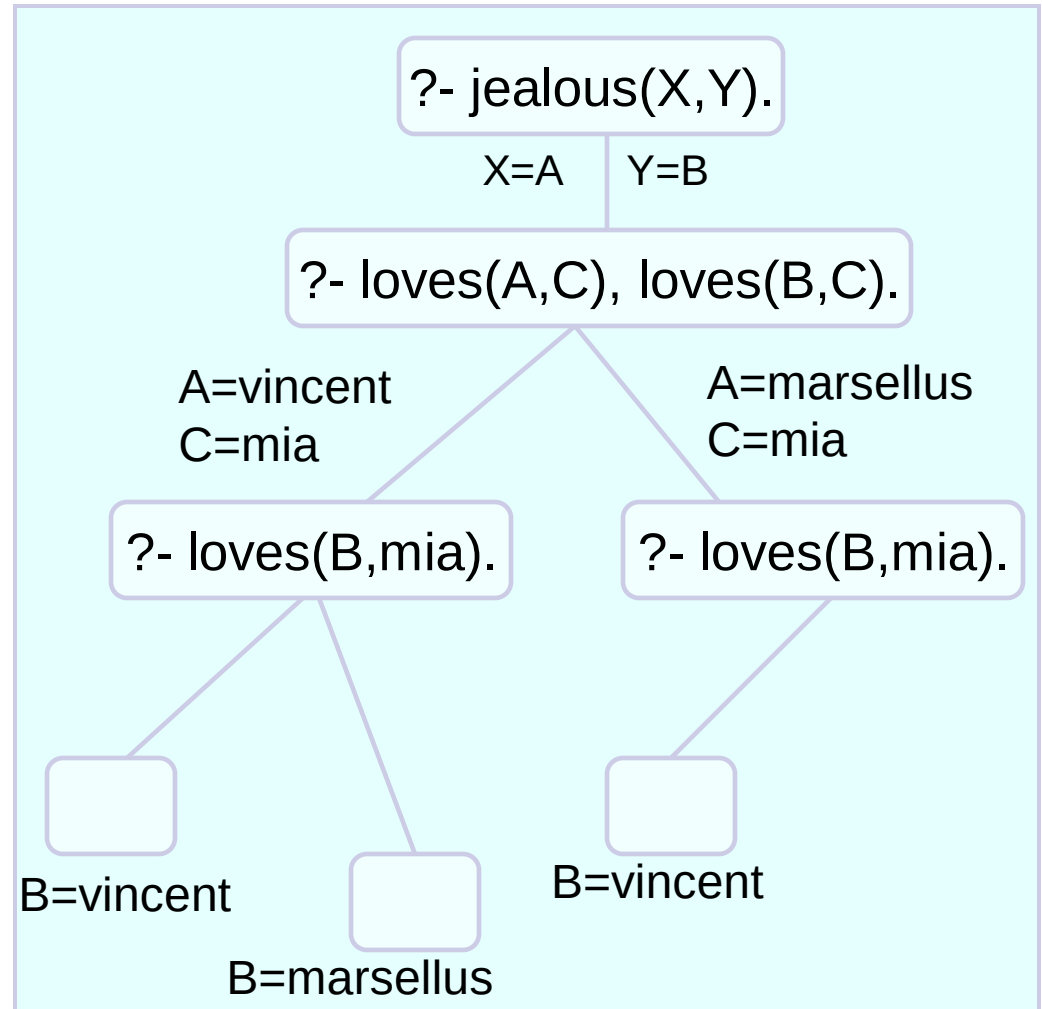


Outro exemplo

```
loves(vincent,mia).  
loves(marsellus,mia).
```

```
jealous(A,B):-  
    loves(A,C),  
    loves(B,C).
```

```
....  
X=vincent  
Y=marsellus;  
X=marsellus  
Y=vincent
```

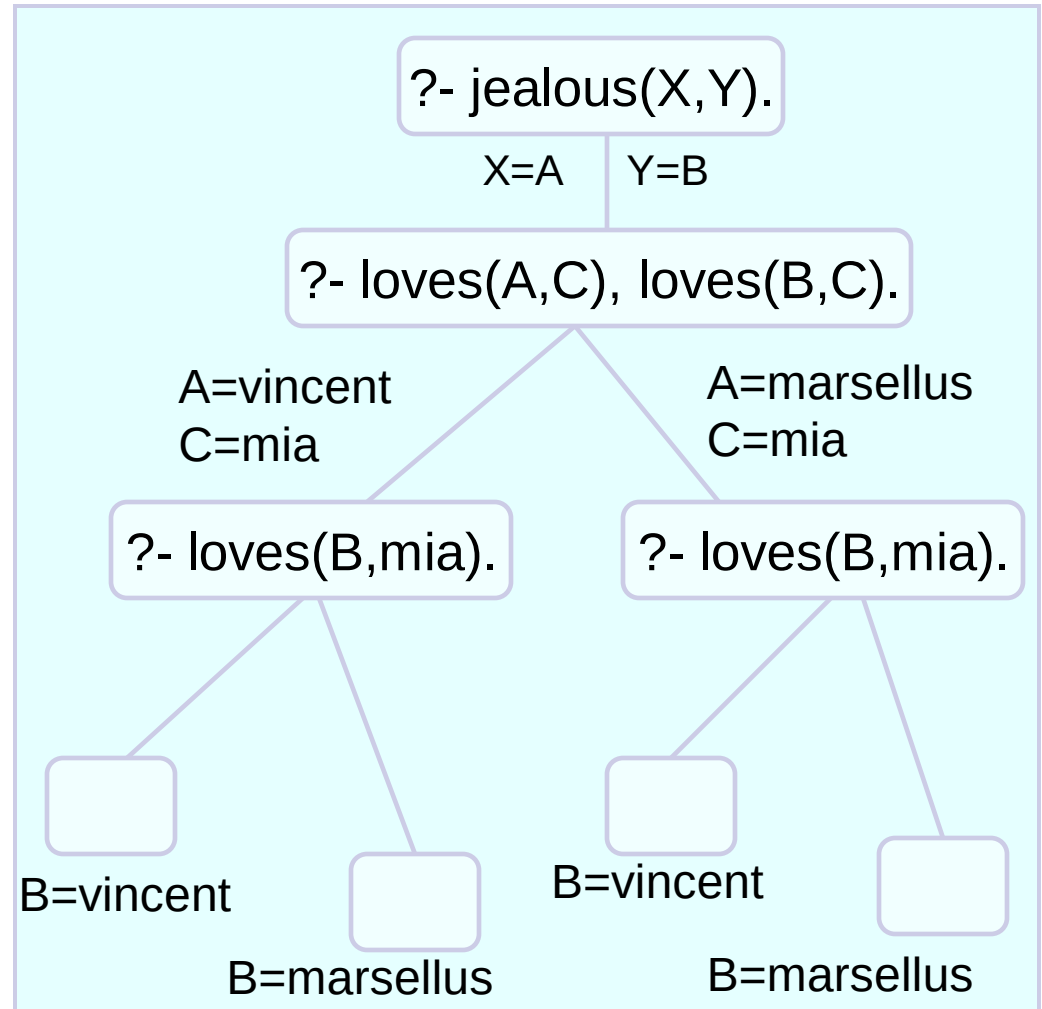


Outro exemplo

```
loves(vincent,mia).  
loves(marsellus,mia).
```

```
jealous(A,B):-  
    loves(A,C),  
    loves(B,C).
```

```
....  
X=marsellus  
Y=vincent;  
X=marsellus  
Y=marsellus
```

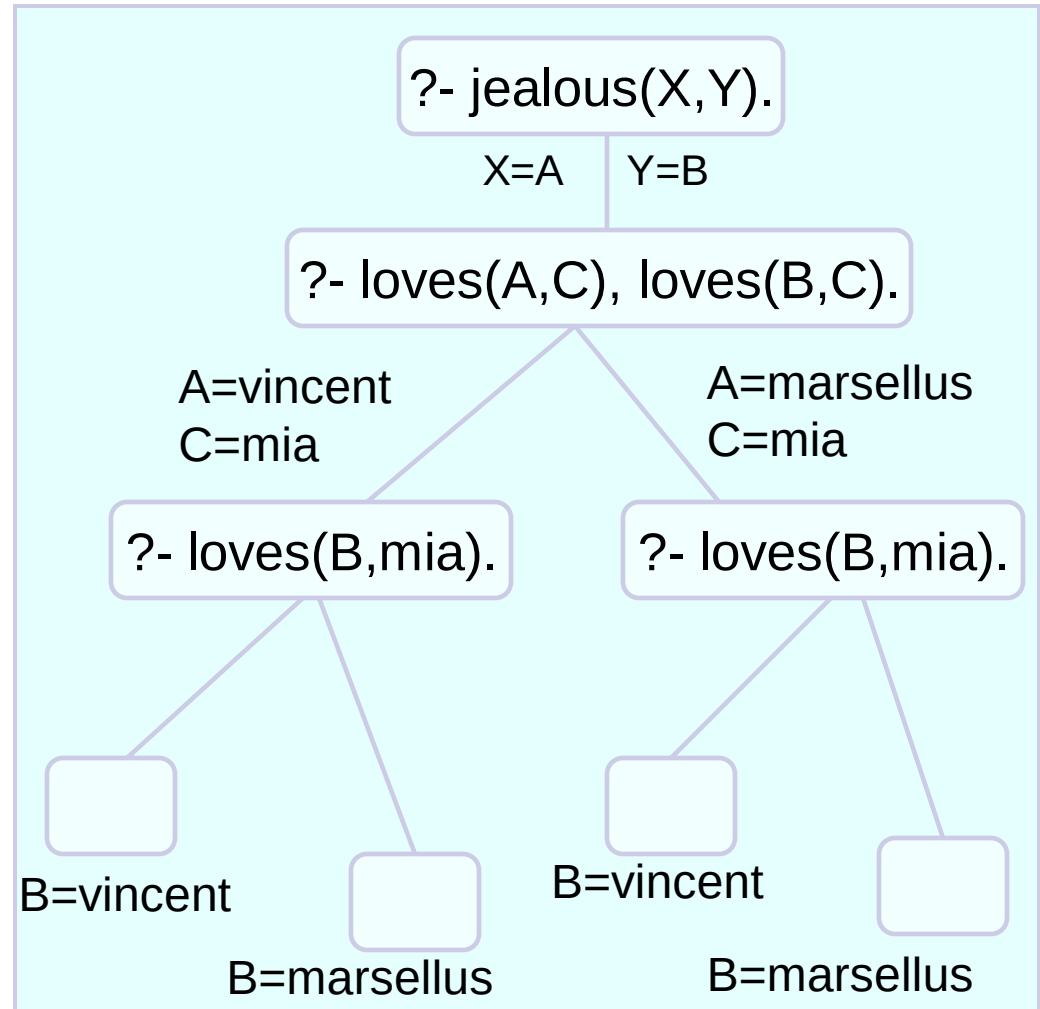


Outro exemplo

```
loves(vincent,mia).  
loves(marsellus,mia).
```

```
jealous(A,B):-  
    loves(A,C),  
    loves(B,C).
```

```
....  
X=marsellus  
Y=vincent;  
X=marsellus  
Y=marsellus;  
no
```





Definições Recursivas

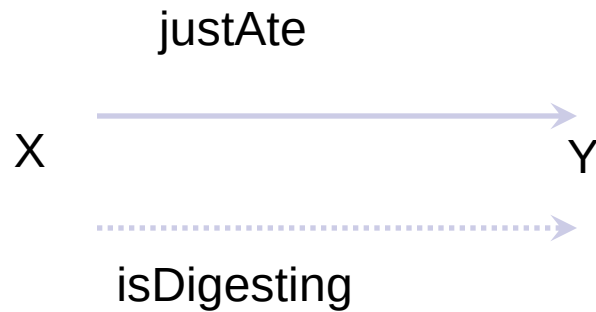
- Os predicados podem ser definidos recursivamente em Prolog
- Um predicado é definido recursivamente se uma ou mais regras da sua definição se referem a si próprias

Exemplo 1: Comida

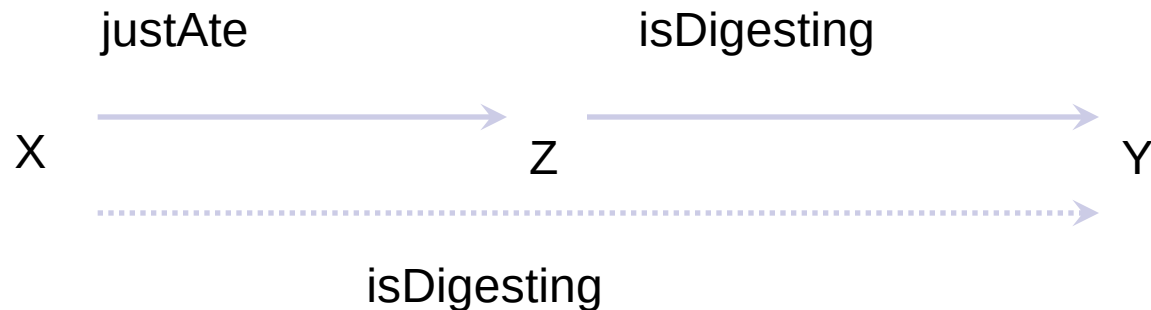
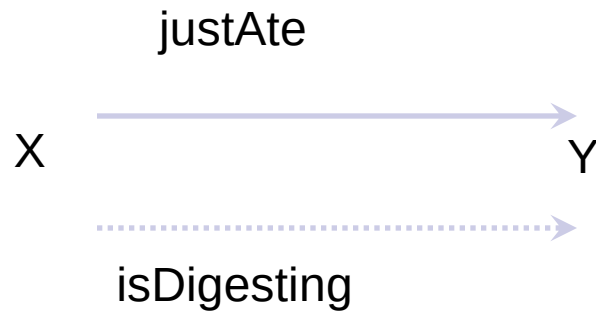
```
isDigesting(X,Y):- justAte(X,Y).  
isDigesting(X,Y):- justAte(X,Z), isDigesting(Z,Y).  
  
justAte(mosquito,blood(john)).  
justAte(frog,mosquito).  
justAte(stork,frog).
```

?-

Retrato da situação



Retrato da situação



Exemplo 1: Comida

```
isDigesting(X,Y):- justAte(X,Y).  
isDigesting(X,Y):- justAte(X,Z), isDigesting(Z,Y).  
  
justAte(mosquito,blood(john)).  
justAte(frog,mosquito).  
justAte(stork,frog).
```

```
?- isDigesting(stork,mosquito).
```


Outra definição recursiva

p:- p.

?-

Outra definição recursiva

p:- p.

?- p.

Outra definição recursiva

p:- p.

?- p.

ERROR: out of memory

Exemplo 2: Descendência

```
child(bridget,caroline).
```

```
child(caroline,donna).
```

```
descend(X,Y):- child(X,Y).
```

```
descend(X,Y):- child(X,Z), child(Z,Y).
```

Exemplo 2: Descendência

```
child(anna,bridget).  
child(bridget,caroline).  
child(caroline,donna).  
child(donna,emily).
```

```
descend(X,Y):- child(X,Y).  
descend(X,Y):- child(X,Z), child(Z,Y).
```

Exemplo 2: Descendência

```
child(anna,bridget).  
child(bridget,caroline).  
child(caroline,donna).  
child(donna,emily).
```

```
descend(X,Y):- child(X,Y).  
descend(X,Y):- child(X,Z), child(Z,Y).
```

```
?- descend(anna,donna).  
no  
?-
```

Exemplo 2: Descendência

```
child(anna,bridget).  
child(bridget,caroline).  
child(caroline,donna).  
child(donna,emily).
```

```
descend(X,Y):- child(X,Y).  
descend(X,Y):- child(X,Z), child(Z,Y).  
descend(X,Y):- child(X,Z), child(Z,U), child(U,Y).
```

?-

Exemplo 2: Descendência

```
child(anna,bridget).  
child(bridget,caroline).  
child(caroline,donna).  
child(donna,emily).
```

```
descend(X,Y):- child(X,Y).  
descend(X,Y):- child(X,Z), descend(Z,Y).
```

?-

Exemplo 2: Descendência

```
child(anna,bridget).  
child(bridget,caroline).  
child(caroline,donna).  
child(donna,emily).
```

```
descend(X,Y):- child(X,Y).  
descend(X,Y):- child(X,Z), descend(Z,Y).
```

```
?- descend(anna,donna).
```

Exemplo 3: Sucessor

- Considere-se a seguinte definição de números naturais:
 1. **0** é um natural.
 2. Se **X** é um natural, então **succ(X)** também.



Exemplo 3: Sucessor

```
natural(0).  
natural(succ(X)):- natural(X).
```

Exemplo 3: Sucessor

```
natural(0).  
natural(succ(X)):- natural(X).
```

```
?- natural(succ(succ(succ(0)))).  
yes  
?-
```

Exemplo 3: Sucessor

```
natural(0).  
natural(succ(X)):- natural(X).
```

```
?- natural(X).
```

Exemplo 3: Sucessor

```
natural(0).  
natural(succ(X)):- natural(X).
```

```
?- natural(X).  
X=0;  
X=succ(0);  
X=succ(succ(0));  
X=succ(succ(succ(0)));  
X=succ(succ(succ(succ(0))))
```

Exemplo 4: Adição

?- add(succ(succ(0)),succ(succ(succ(0))), Result).
Result=succ(succ(succ(succ(succ(0)))))
yes

Exemplo 4: Adição

```
add(0,X,X).
```

%%% base clause

```
?- add(succ(succ(0)),succ(succ(succ(0))), Result).  
Result=succ(succ(succ(succ(succ(0)))))  
yes
```


Exemplo 4: Adição

```
add(0,X,X).                %%% base clause
```

```
add(succ(X),Y,succ(Z)):-    %%% recursive clause  
    add(X,Y,Z).
```

```
?- add(succ(succ(0)),succ(succ(succ(0))), Result).  
Result=succ(succ(succ(succ(succ(0)))))  
yes
```

Prolog e Lógica

- O Prolog foi a primeira tentativa de criar uma linguagem de programação em lógica
 - O programador fornece uma especificação declarativa do problema usando uma linguagem lógica
 - O programador não tem que dizer o que o computador tem que fazer
 - Para obter informação, o programador apenas formula uma interrogação



Prolog e Lógica

- O Prolog dá alguns passos importantes nesta direcção, mas não é uma pura linguagem de programação em lógica!
- O Prolog tem uma forma específica para responder às interrogações:
 - Pesquisa a base de conhecimentos de cima para baixo
 - Processa as cláusulas da esquerda para a direita
 - Retrocede para refazer escolhas alternativas

descend1.pl

```
child(anna,bridget).  
child(bridget,caroline).  
child(caroline,donna).  
child(donna,emily).
```

```
descend(X,Y):- child(X,Y).  
descend(X,Y):- child(X,Z), descend(Z,Y).
```

```
?- descend(A,B).  
A=anna  
B=bridget
```

descend2.pl

```
child(anna,bridget).  
child(bridget,caroline).  
child(caroline,donna).  
child(donna,emily).
```

```
descend(X,Y):- child(X,Z), descend(Z,Y).  
descend(X,Y):- child(X,Y).
```

```
?- descend(A,B).  
A=anna  
B=emily
```

descend3.pl

```
child(anna,bridget).  
child(bridget,caroline).  
child(caroline,donna).  
child(donna,emily).
```

```
descend(X,Y):- descend(Z,Y), child(X,Z).  
descend(X,Y):- child(X,Y).
```

```
?- descend(A,B).  
ERROR: OUT OF LOCAL STACK
```

descend4.pl

```
child(anna,bridget).  
child(bridget,caroline).  
child(caroline,donna).  
child(donna,emily).
```

```
descend(X,Y):- child(X,Y).  
descend(X,Y):- descend(Z,Y), child(X,Z).
```

```
?- descend(A,B).
```